

	<b>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</b>
<b>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016</b> <b>Β' ΦΑΣΗ</b>	<b>E_3.Μλ1A(ε)</b>

**ΤΑΞΗ:** Α' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

**ΜΑΘΗΜΑ:** ΑΛΓΕΒΡΑ

**Ημερομηνία: Κυριακή 17 Απριλίου 2016**

**Διάρκεια Εξέτασης: 2 ώρες**

### **ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ**

#### **ΘΕΜΑ Α**

- A1.** Να αποδείξετε ότι για οποιουσδήποτε πραγματικούς αριθμούς  $\alpha$  και  $\beta$  ισχύει:

$$|\alpha \cdot \beta| = |\alpha| \cdot |\beta|$$

**Μονάδες 15**

- A2.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη Σωστό, αν η πρόταση είναι σωστή, ή Λάθος, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

a. Για οποιουσδήποτε αριθμούς  $\alpha, \beta$  και θετικό ακέραιο  $v$  ισχύει η ισοδυναμία:  $\alpha > \beta \Leftrightarrow \alpha^v > \beta^v$ .

b. Για κάθε πραγματικό αριθμό  $\alpha$  ισχύει  $|\alpha| \geq -\alpha$ .

γ. Για δύο συμπληρωματικά ενδεχόμενα  $A$  και  $A'$  ισχύει πάντοτε  $P(A') = 1 + P(A)$ .

δ. Η εξίσωση  $x^v = \alpha$ , με  $\alpha > 0$  και  $v$  περιττό φυσικό αριθμό έχει ακριβώς μία λύση την  $\sqrt[v]{\alpha}$ .

ε. Έστω  $A(\alpha, \beta)$  ένα σημείο του καρτεσιανού επιπέδου. Το συμμετρικό του ως προς τη διχοτόμο της 1<sup>ης</sup> και 3<sup>ης</sup> γωνίας των αξόνων είναι το σημείο  $A'(\beta, \alpha)$ .

**Μονάδες 10**

	<b>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</b>
<b>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016</b> <b>Β' ΦΑΣΗ</b>	<b>E_3.Μλ1A(ε)</b>

## **ΘΕΜΑ Β**

**B1.** Να λύσετε τις εξισώσεις:

i)  $x^2 - x - 6 = 0$

**Μονάδες 4**

ii)  $(x-1)^2 - |x-1| - 6 = 0$

**Μονάδες 8**

**B2.** i) Να λύσετε την ανίσωση  $-x^2 + x + 6 < 0$

**Μονάδες 6**

ii) Για ποιες τιμές του πραγματικού αριθμού  $\lambda$  η εξισώση  $x^2 + 2x + \frac{\lambda^2}{4} = 0$

είναι αδύνατη στο  $\mathbb{R}$ ;

**Μονάδες 7**

## **ΘΕΜΑ Γ**

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = \sqrt{3 - |1-x|} + \sqrt[3]{\kappa^3 + 1}$ ,  $\kappa \in \mathbb{R}$

**Γ1.** Να αποδείξετε ότι το πεδίο ορισμού της συνάρτησης  $f$  είναι το  $A = [-2, 4]$ .

**Μονάδες 10**

**Γ2.** Να βρείτε την τιμή του  $\kappa$  για την οποία το σημείο  $M(-1, 1)$  ανήκει στη γραφική παράσταση της συνάρτησης  $f$ .

**Μονάδες 8**

**Γ3.** Έστω ο δειγματικός χώρος  $\Omega = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$ . Παίρνουμε τυχαία ένα στοιχείο  $\omega$  του  $\Omega$ . Να βρείτε την πιθανότητα το  $f(\omega)$  να έχει νόημα.

**Μονάδες 7**

	<b>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</b>  <b>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016</b> <b>Β' ΦΑΣΗ</b>	<b>E_3.Mλ1A(ε)</b>
--	--	--------------------

## **ΘΕΜΑ Δ**

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = x^2 - 4x + 2$ ,  $x \in \mathbb{R}$ .

**Δ1.** Να αποδείξετε ότι η εξίσωση  $f(x)=0$  έχει δύο ρίζες άνισες.

**Μονάδες 3**

**Δ2.** Αν  $x_1, x_2$  είναι οι ρίζες της εξίσωσης  $f(x)=0$ , να υπολογίσετε τις τιμές των παραστάσεων:

$$A = \frac{\sqrt{f(0)}}{\sqrt{f(-1)-f(0)} - \sqrt{f(0)}} + \frac{\sqrt{f(-1)-f(0)}}{\sqrt{f(-1)-f(0)} + \sqrt{f(0)}}$$

**Μονάδες 6**

$$B = x_1^3 x_2 + x_1 x_2^3$$

$$\Gamma = \sqrt{x_1^2} \cdot |x_2|$$

**Μονάδες 6**

**Μονάδες 3**

**Δ3.** Αν  $A = \frac{7}{3}$ ,  $B = 24$  και  $\Gamma = 2$

i. Να σχεδιάσετε την ευθεία  $(\varepsilon)$ :  $y = \Gamma x + \frac{B-10}{A}$  σε ένα σύστημα συντεταγμένων Οχυ.

**Μονάδες 3**

ii. Να υπολογίσετε το εμβαδόν του τριγώνου που σχηματίζει η ευθεία  $(\varepsilon)$  με τους άξονες  $x'$ ,  $y'$ .

**Μονάδες 4**